

**ABSTRACTS
IN
PERSIAN**

Multipliers of pg -Bessel Sequences in Banach Spaces

M. Reza Abdollahpour^{a,*}, Abbas Najati^a and Pasc Găvruta^b

^aDepartment of Mathematics, Faculty of Sciences, University of Mohaghegh Ardabili, Ardabil 56199-11367, Iran.

^bDepartment of Mathematics, Politehnica University of Timișoara, Piața Victoriei, Nr. 2, 300006, Timișoara, Romania.

ما در این مقاله ضربگرهای $(g(p,q))$ -بسل را در فضاهای باناخ معروفی می کنیم و نشان می دهیم که تحت برخی از شرایط یک ضرب $(g(p,q))$ -بسل وارون پذیر است. همچنین نشان می دهیم که ضربگرهای $(g(p,q))$ -بسل به پارامترهایشان وابستگی پیوسته دارند.

Characteristics of Common Neighborhood Graph under Graph Operations and on Cayley Graphs

Shaban Sedghi^a, Dae-Won Lee^{b,*}, Nabi Shobe^c

^aDepartment of Mathematics, Qaemshahr Branch, Islamic Azad University,
Qaemshahr, Iran.

^bDepartment of Mathematics, Yonsei University, Seoul 120-749,
Republic of Korea.

^cDepartment of Mathematics, Babol Branch, Islamic Azad University,
Babol, Iran.

فرض کنید $G(V,E)$ یک گراف باشد. گراف همسایگی مشترک یا کونگراف از G یک گراف با مجموعه راس در است و V دو راس مجاورند اگر و تنها اگر آنها دارای همسایگی مشترک در G باشند. در این مقاله مشخصات یک کونگراف را تحت عملگرهای گراف مثلاً اجتماع و ضرب دکارتی گراف و ضرب تانسوری و متصل شدن گراف بدست می‌آوریم. همچنین روابط کونگراف را با گرافهای کیلی بدست می‌اوریم.

On the Hyponormal Property of Operators

S.M.S. Nabavi Sales

Department of Mathematics and Computer Sciences, Hakim Sabzevari
University, P.O. Box 397, Sabzevar, Iran.

فرض کنید که T یک عملگر خطی کراندار روی یک فضای هیلبرت H باشد. گوییم که T واجد خاصیت هیپونormalی است اگر تابعی پیوسته مانند f وجود داشته باشد که برای آن رابطه $(|T^*| \geq f)(|T| \geq f)$ برقرار باشد. ما خواص چنان عملگرهایی را مورد مطالعه قرار داده ایم با در نظر گرفتن رده‌ی خاصی از توابعی مانند f که در تعریف بیان شده. برای چنان تابع‌های f ی ما تبدیل f -آلوثگ \tilde{T}_f را معرفی می‌کنیم. همچنین برای تابع‌های پیوسته f و g با شرط t $f(t)g(t) = t$ تبدیل آلوثگ $\tilde{T}_{(f,g)}$ را معرفی می‌کنیم و خواص چنان تبدیلاتی را نیز مورد مطالعه قرار می‌دهیم.

Approximate Solution of Linear Volterra-Fredholm Integral Equations and Systems of Volterra-Fredholm Integral Equations using Taylor Expansion Method

Mohsen Didgar^{a,b}, Alireza Vahidi^{c,*}

^aDepartment of Mathematics, Guilan Science and Research Branch, Islamic Azad University, Rasht, Iran.

^bDepartment of Mathematics, Rasht Branch, Islamic Azad University, Rasht, Iran.

^cDepartment of Mathematics, College of Science, Yadegar-e-Emam Khomeyni (RAH) Shahr-e-Rey Branch, Islamic Azad University , Tehran, Iran.

در این مقاله، یک کاربرد جدید از بسط تیلور جهت تقریب جواب معادلات انتگرال ولترا-فردھلم و دستگاه معادلات انتگرال ولترا-فردھلم در نظر گرفته می‌شود. روش ارائه شده بر اساس بکارگیری چندجمله‌ای مرتبه n -ام تابع مجھول در یک نقطه دلخواه و استفاده از روش انتگرال‌گیری برای تبدیل معادلات انتگرال ولترا-فردھلم به یک دستگاه معادلات خطی بر حسب تابع مجھول و مشتقات تابع مجھول می‌باشد. جواب تقریبی با حل دستگاه بدست آمده به سادگی می‌تواند تعیین شود. علاوه بر این، اگر جواب دقیق مسئله به فرم یک چندجمله‌ای درجه n باشد در این صورت روش ارائه شده به جواب دقیق منجر خواهد شد. همچنین تحلیل خطای روش، ارائه شده و جهت تأیید روش بیان شده، چند مثال مورد بررسی قرار خواهند گرفت.

**On Subclasses of Analytic and m -Fold Symmetric
bi-Univalent Functions**

Abbas Kareem Wanás^{a*}, Abdulrahman H. Majeed^b

Department of Mathematics, College of Science,

^aUniversity of Al-Qadisiyah, Iraq.

^bBağdad University, Iraq.

در این مقاله دو زیر رده‌ی جدید Σ_m و $k_{\Sigma_m^*}(\lambda, \gamma; \alpha)$ از شامل توابع تحلیلی و دو-تک ارزی متقارن و m -Laیه که روی دیسک واحد باز U تعریف شده‌اند، معرفی و بررسی می‌شود. ما کران‌های بالای $|a_{m+1}|$ و $|a_{2m+1}|$ را برای توابع متعلق به این دو زیر رده پیدا می‌کنیم. نشان می‌دهیم که بسیاری از نتایج جدید و شناخته شده مواردی خاص از نتایج ما هستند.

Lommel Matrix Functions

Ayman Shehata

Department of Mathematics, Faculty of Science, Assiut University, Assiut
71516, Egypt,

Department of Mathematics, College of Science and Arts, Unaizah, Qassim
University, Qassim, Saudi Arabia.

هدف اصلی این مقاله ساخت یک جفت از توابع ماتریسی لومل بر اساس توابع ماتریسی
ابرهندسی و مطالعه برخی خواص آن‌ها است. برخی خواص توابع ماتریسی بسل و ابرهندسی
به دست آمده اند.

Uniform Number of a Graph

Elakkiya M, Kumar Abhishek*

Department of Mathematics, Amrita School of Engineering Coimbatore,
Amrita Vishwa Vidyapeetham, Amrita University, India.

در این مقاله ما مفهوم عدد هم‌شکل گراف را معرفی می‌کنیم. فرض کنید $D(x, y)$ فاصله انجراف بین x و y در G است. عدد هم شکل گراف هم بند G کمترین اندازه یک زیرمجموعه ناتهی M از مجموعه رئوس G است که تابع $f_M: M^c \rightarrow P(X) - \{\emptyset\}$ یک تابع ثابت باشد، که در آن $f_M(x) = \{D(x, y) : y \in M\}$ این پارامتر جدید را برای چندین گراف به دست می‌آوریم.

Roman k -tuple Domination in Graphs

Adel P. Kazemi

Department of Mathematics, University of Mohaghegh Ardabili
P.O. Box 5619911367, Ardabil, Iran..

به ازای هر عدد صحیح مثبت k روی مجموعه رئوس یک گراف $G = (V, E)$ با مینیم درجه حداقل k , یک تابع $f : V \rightarrow \{0, 1, 2\}$ نسبت می دهیم: وزن هر راس تحت f عدد نسبت داده شده به آن راس توسط f و وزن گراف هم برابر با مجموع وزن های تمام رئوس آن گراف تعریف می شود. این تابع را یک تابع احاطه کننده k -تایی رومی برای گراف G می نامیم هرگاه هر راس با وزن صفر با حداقل k راس هر یک با وزن ۲ و هر راس با وزن ناصفر با حداقل $k-1$ راس هر یک با وزن ۲ مجاور باشد. مینیم وزن در بین تمام توابع احاطه کننده k -تایی رومی یک گراف را عدد احاطه کنندگی k -تایی رومی آن گراف می نامیم. این مقاله آغازگر مطالعه روی این مفهوم جدید می باشد. به بیان دقیق تر پس از ارائه برخی کران های بالا و پایین دقیق برای این عدد در گرافهای دلخواه و یافتن مقادیر دقیق آنها در مسیرها، دورها، چرخ ها و گرافهای دوبخشی کامل، به مطالعه آنها در گرافهای میشلسکی و کرونا می پردازیم.

A Note on Belief Structures and S-approximation Spaces

Ali Shakiba^{a*}, Amir Kafshdar Goharshady^b,
Mohammad Reza Hooshmandasl^c, Mohsen Alambardar Meybodi^d

^aDepartment of Computer Science, Vali-e-Asr University of Rafsanjan,
Rafsanjan, Iran.

^bIST Austria(Institute of Science and Technology Austria), Klosterneuburg,
Austria.

^cDepartment of Computer Science, University of Mohaghegh Ardabili, Ardabil,
Iran.

^dDepartment of Applied Mathematics and Computer Science, University of
Isfahan, Isfahan, Iran.

در این مقاله، ارتباط بین نظریه‌ی باور و فضاهای S-تقریب مورد مطالعه قرار گرفته‌اند. هر دو نظریه، ریشه در نگاشت‌های چندمقداری دمپستر و احتمال‌های بالا و پایین داشته و ارتباط نزدیکی با نظریه‌ی مجموعه‌های ناهموار دارند. در اینجا نشان داده‌ایم که یک فضای S-تقریب در صورتی که در شرط یکنواختی صدق کند؛ می‌تواند یک ساختار باور را القا کند که یکی از اجزاء مهم در نظریه باور است. همچنین؛ نشان داده‌ایم که با داشتن یک ساختار باور روی یک مجموعه، می‌توان یک ساختار باور برای مجموعه‌ای دیگر به دست آورد؛ مشروط بر این که این دو مجموعه با یک فضای S-تقریب یکنواخت جزئی به یکدیگر مرتبط شده باشند.

Stability and Bifurcation of an SIS Epidemic Model with Saturated Incidence Rate and Treatment Function

Raid kamel Naji^a, Ashraf Adnan Thirthar^{b*}

^aDepartment of Mathematics, College of Science, University of Baghdad,
Baghdad, Iraq.

^bDirektorate-General for Education of Anbar, Ministry of Education, Anbar,
Iraq.

در این مقاله یک مدل اپیدومنیک SIS با نرخ تصادفی اشبع شده و تابع رفتار ارائه و بررسی شده است. روی وجود نقاط تعادل ممکن بحث شده است. شرایط پایداری موضوعی نقطه تعادل آزاد بیماری و نقطه تعادل اندمیک با کمک عدد تکثیر اساسی ایجاد شده است. در هر صورت شرایط پایداری عمومی این نقاط تعادل با استفاده از روش Lyapunov ایجاد شده است. تقسیم موضوعی نزدیک به نقطه تعادل آزاد بیماری بررسی شده است. شرط تقسیم hopf که ممکن است در اطراف نقطه تعادل اندومیک رخ دهد به دست آمده است. شرایط تکثیر رو به جلو و وارونه نزدیک نقطه تعادل بیماری تعیین شده است. در پایان شبیه سازی های عددی جهت بررسی دینامیک عمومی سیستم ارائه شده است که نتایج بدست آمده را تایید می کند.

Existence and Iterative Approximation of Solution for
Generalized Yosida Inclusion Problem

Mohammad Akram

Department of Mathematics, Faculty of Science, Islamic University of
Madinah, Madinah 107, KSA.

در این مقاله تعمیمی از عملگر تقریب یوسیدا وابسته به عملگر $(\dots, H(\dots))$ -هم افزا را معرفی و برخی خواص آن را بررسی می کنیم. با استفاده از مفهوم همگرایی گراف و عملگر حل مسئله ما همگرایی تعمیم عملگر تقریب یوسیدا را مشخص می کنیم. همچنین ما یک هم ارزی بین همگرایی گراف برای عملگر $(\dots, H(\dots))$ -هم افزا و تعمیم عملگر تقریب یوسیدا نشان می دهیم. بعلاوه یک الگوریتم تکراری برای حل یک مسئله شمول یوسیدا تحت شرایط تعادل در فضای باناخ هموار q -یکنواخت ارائه کرده و روی یکتاپی و همگرایی راه حل بحث می کنیم.

The Numerical Solution of Some Optimal Control Systems with
Constant and Pantograph Delays via Bernstein Polynomials

Najmeh Ghaderi^{a,*}, Mohammad Hadi Farahi^{a,b}

^aDepartment of Applied Mathematics, Ferdowsi University of Mashhad,
Mashhad, Iran.

^bThe Center of Excellence on Modelling and Control Systems (CEMCS),
Mashhad, Iran.

در این مقاله، یک روش عددی برای حل مساله کنترل بهینه‌ی تاخیری و پانتوگراف براساس چندجمله‌ای‌های برنشتاین ارائه شده است. تاخیر زمانی ثابت یا پانتوگراف، می‌تواند در متغیر حالت یا کنترل ظاهر شود. ابتدا، ماتریس‌های عملیاتی تاخیری و تاخیری پانتوگراف را برای چندجمله‌ای‌های برنشتاین بدست می‌آوریم.

Sharply $(n - 2)$ -transitive Sets of Permutations

Moharram N. Iradmusa

Faculty of Mathematical Sciences, Shahid Beheshti University, Tehran, Iran.

فرض کنید S_n گروه جابکشی روی مجموعه $[n] = \{1, 2, \dots, n\}$ باشد. برای هر $g \in S_n$ مجموعه $fix(g)$ را برابر با تعداد نقاط ثابت g تعریف می‌کیم. یک زیرمجموعه S مانند S_n از S را t -ترایا می‌نامیم هرگاه برای هر دو t -تایی مرتب (x_1, x_2, \dots, x_t) و (y_1, y_2, \dots, y_t) از عناصر متمایز $[n]$. عضوی مانند $g \in S$ وجود داشته باشد به طوری که برای هر t داشته باشیم $x_i^g = y_i$. همچنین S را t -ترایای دقیق می‌نامیم هرگاه برای هر دو t -تایی مرتب فوق دقیقاً یک عضو از S با شرایط فوق موجود باشد. علاوه بر این، زیرمجموعه S از جایگشتها را t -متقطع می‌نامیم هرگاه برای هر دو عضو متمایز آن مانند g و h . داشته باشیم $fix(h^{-1}g) \geq t$. در این مقاله ما ثابت می‌کنیم تنها دو مجموعه $(n - 2)$ -ترایای دقیق از S_n وجود دارد و ارتباط بین زیرمجموعه‌های k -ترایا و t -متقطع از S_n مورد بررسی قرار گرفته اند. جایی که $0 \leq t \leq k \leq n$ و $k, t \in \mathbb{Z}$.

Some Properties of Vector-valued Lipschitz Algebras

Mohsen Azizi^a, Emamgholi Biyabani^b and Ali Rejali^{a,*}

^a Department of Mathematics, University of Isfahan, Isfahan, Iran.

^b Department of Mathematics, Islamic Azad University, majlesi Branch,
Isfahan, Iran.

فرض می کنیم (X, d) یک فضای متریک و $J \subseteq (X, d)$ یک مجموعه ناتهی باشد. ما به مطالعه ساختار اشتراک دلخواه جبرهای لیپشیتز برداری-مقدار می پردازیم. در واقع اگر E یک جبر بanax باشد، آنگاه یک زیر جبر بanax خاص از $\bigcap\{lip_\gamma(X, E) : \gamma \in J\}$ را تعریف می کنیم و آن را با $Ilip_J(X, E)$ نمایش می دهیم. همچنین به بررسی C -میانگین پذیری مشخصه ای $Ilip_J(X, E)$ پرداخته ایم. در بخش دیگری از مقاله شرطی لازم و کافی برای برابری دو جبر لیپ شیتز $Lip_\beta X$ و $Lip_\alpha X$ یافته ایم ($\alpha, \beta > 0$). در ضمن بیان ارتباط بین جبرهای لیپشیتز مختلط-مقدار و برداری-مقدار، از دیگر مواردی است که به آن اشاره شده است.